

Решение.

Обозначим это выражение через  $y$ . Выделим квадрат двучлена

$$y = -\frac{1}{3}x^2 + 3x - 9 = -\frac{1}{3}\left(x - \frac{9}{2}\right)^2 - 2\frac{1}{4}, \text{ для всех } x \text{ имеем:}$$

$$\left(x - \frac{9}{2}\right)^2 \geq 0, \quad -\frac{1}{3}\left(x - \frac{9}{2}\right)^2 \leq 0, \text{ то выражение}$$

$$y = -\frac{1}{3}\left(x - \frac{9}{2}\right)^2 - 2\frac{1}{4} \text{ может принимать сколь угодно малые}$$

значения, наибольшее значение  $y$  принимает при  $x - \frac{9}{2} = 0$ , т. е. при

$$x = \frac{9}{2}. \text{ При } x = \frac{9}{2}, y = -\left(\frac{9}{2} - \frac{9}{2}\right)^2 - \frac{9}{4} = -\frac{9}{4}.$$

Ответ:  $-\frac{9}{4}$ .

Решить самостоятельно:

- 1) Найти наименьшее значение выражения  $2x^2 - 5x + 4$ .
- 2) Найти наибольшее значение выражения  $-2x^2 + 8x - 7$ .

## Приложение 6

### ЗАДАНИЯ ДЛЯ ПОДГОТОВКИ К ТЕСТИРОВАНИЮ ПО МАТЕМАТИКЕ

**Исследование квадратного трехчлена и решение квадратных уравнений.**

№	Задания	Варианты ответов
1	2	3
1	График квадратного трехчлена $y = ax^2 + (a - 3)x + a$ лежит выше оси абсцисс, если $a$ принадлежит промежутку	1) $(1; +\infty)$ ; 2) $(-3; 1)$ ; 3) $(-\infty; -3) \cup (1; +\infty)$ ; 4) $(0; +\infty)$ ; 5) $(-3; 0)$
2	Если точка $(0; 8)$ принадлежит параболе с вершиной в точке $(1; 1)$ , то уравнение параболы имеет вид	1) $y = -7x^2 + 8$ ; 2) $y = -8x^2 + 8$ ; 3) $y = 7x^2 - 14x + 8$ ; 4) $y = -3x^2 - 4x + 8$ ; 5) $y = -9x^2 + 2x + 8$
3	Квадратный трехчлен $y = x^2 - ax + a + 3$ можно представить в виде квадрата двучлена, если $a$ удовлетворяет условию	1) $a \in \{-3; 1\}$ ; 2) $a \in \{6; -2\}$ ; 3) $a \in \{3; 1\}$ ;